

## 第 15 章 短 面 板

### 15.1 面板数据的特点

面板数据(panel data 或 longitudinal data), 指的是在一段时间内跟踪同一组个体(individual)的数据。

它既有横截面的维度( $n$  个个体), 又有时间维度( $T$  个时期)。

一个  $T = 3$  的面板数据结构如表 15.1。

表 15.1 面板数据的结构

	$y$	$x_1$	$x_2$	$x_3$
1	Individual 1: $t = 1$			
	Individual 1: $t = 2$			
	Individual 1: $t = 3$			
	.....			
n	Individual $n$ : $t = 1$			
	Individual $n$ : $t = 2$			
	Individual $n$ : $t = 3$			

如果面板数据  $T$  较小，而  $n$  较大，在使用大样本理论时让  $n$  趋于无穷大。这种面板数据被称为“短面板” (short panel)。

反之，如果  $T$  较大，而  $n$  较小，则被称为“长面板” (long panel)。

在面板模型中，如果解释变量包含被解释变量的滞后值，则称为“动态面板” (dynamic panel)；反之，则称为“静态面板” (static panel)。

如果在面板数据中，每个时期在样本中的个体完全一样，则称为“平衡面板数据” (balanced panel)；反之，则称为“非平衡面板数据” (unbalanced panel)。

面板数据的优点：

(1) 解决遗漏变量问题：

遗漏变量常由不可观测的个体差异或“异质性” (heterogeneity) 造成。

如果个体差异“不随时间而改变” (time invariant), 则面板数据可解决遗漏变量问题。

(2) 提供个体动态行为的信息：

例：考虑区分规模效应与技术进步对企业生产效率的影响。对于截面数据，没有时间维度，无法观测到技术进步。对于时间序列，无法区分生产效率的提高究竟有多少由于规模扩大，有多少

由于技术进步。

**例：**对于失业问题，截面数据能告诉在某个时点上哪些人失业，时间序列数据能告诉某个人就业与失业的历史，但这两种数据均无法告诉是否失业的总是同一批人(低流转率)，还是失业的人群总在变动(高流转率)。

(3) 样本容量较大：同时有截面维度与时间维度，面板数据的样本容量更大，可提高估计精度。

面板数据也会带来问题，比如，数据通常不满足独立同分布的假定，因为同一个体在不同期的扰动项一般存在自相关。

面板数据的收集成本通常较高，不易获得。

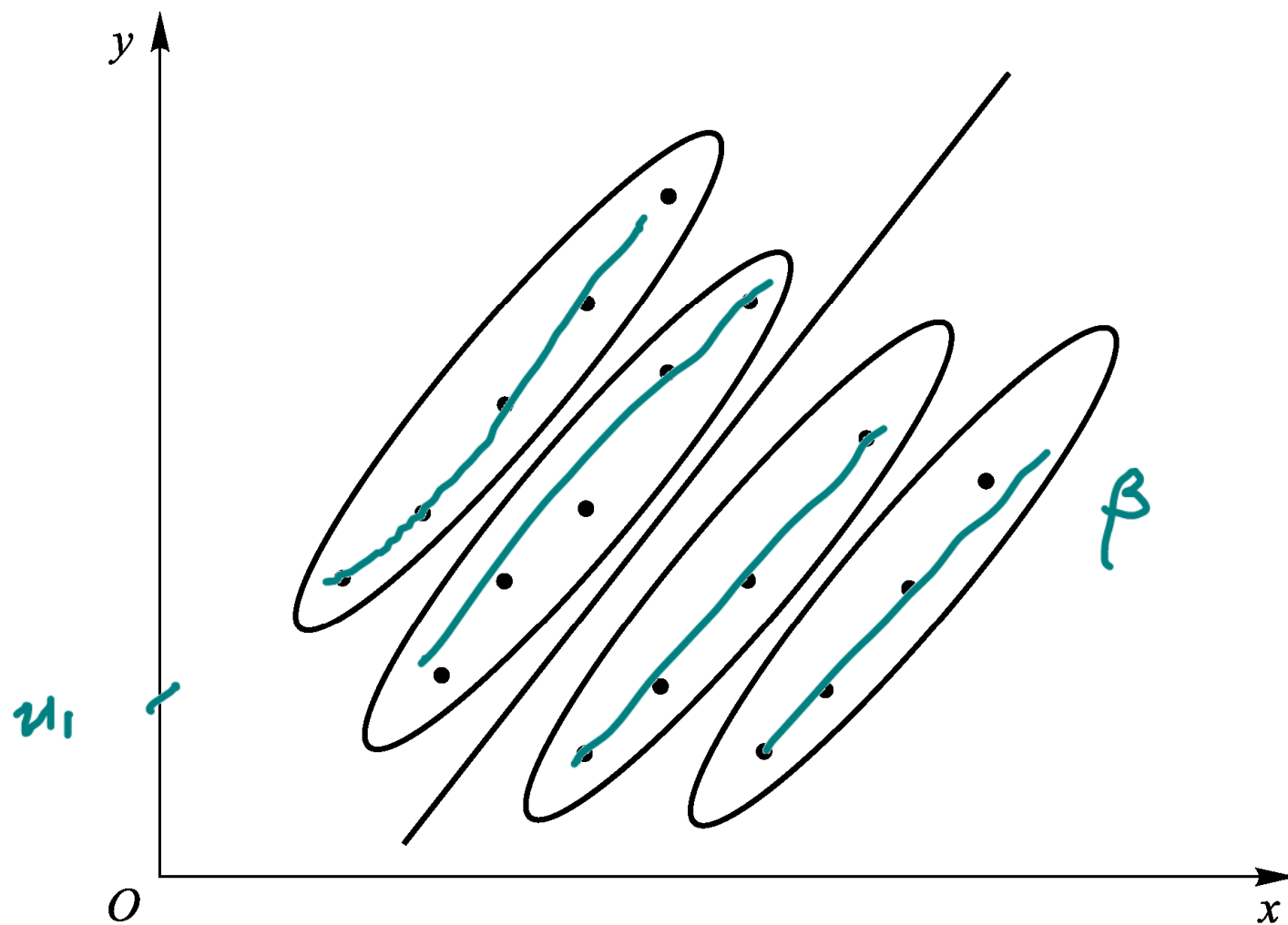
## 15.2 面板数据的估计策略

一个极端策略是将其看成是截面数据而进行混合回归(pooled regression), 要求样本中每位个体拥有相同的回归方程。

此策略忽略个体间不可观测或被遗漏的异质性(heterogeneity), 而该异质性可能与解释变量相关, 导致估计不一致。

另一极端策略则是, 为每位个体估计一个单独的回归方程。此策略忽略了个体的共性, 可能没有足够大的样本容量。

实践中常采用折衷的估计策略, 即假定个体的回归方程拥有相同的斜率, 但可有不同的截距项, 以此来捕捉异质性。



$u_2$  •

$u_3$  •

$$\alpha_1 u_1 + \alpha_2 u_2 + \dots + \alpha_n u_n = \alpha$$

$$\alpha_1 + \alpha_2 + \dots + \alpha_n = \alpha$$

个体效应模型 (individual-specific effects model)

$$y_{it} = \mathbf{x}'_{it} \boldsymbol{\beta} + \mathbf{z}'_i \boldsymbol{\delta} + u_i + \varepsilon_{it} \quad (i = 1, \dots, n; t = 1, \dots, T)$$

↑ 可见      看不到      i.i.d.

$\mathbf{z}_i$  为不随时间而变 (time invariant) 的个体特征，比如性别；

$\mathbf{x}_{it}$  可随个体及时间而变 (time-varying)；

扰动项由  $(u_i + \varepsilon_{it})$  两部分构成，称为“复合扰动项” (composite error term)；不可观测的随机变量  $u_i$  是代表个体异质性的截距项。

$\varepsilon_{it}$  为随个体与时间而改变的扰动项。假设  $\{\varepsilon_{it}\}$  为 iid，且与  $u_i$  不相关。



如果 $u_i$ 与某个解释变量相关,则称为“固定效应模型”(Fixed Effects Model, 简记 FE)。此时, OLS 不一致。

如果 $u_i$ 与所有解释变量( $\mathbf{x}_{it}, \mathbf{z}_i$ )均不相关,则称为“随机效应模型”(Random Effects Model, 简记 RE)。

### 15.3 混合回归

如果所有个体拥有一样的回归方程,则方程可写为

$$y_{it} = \alpha + \mathbf{x}'_{it}\boldsymbol{\beta} + \mathbf{z}'_i\boldsymbol{\delta} + \varepsilon_{it}$$

$\mathbf{x}_{it}$ 不包括常数项。把所有数据放在一起,像对待横截面数据那样进行 OLS 回归,称为“混合回归”(pooled regression)。

应使用聚类稳健的标准误(cluster-robust standard errors), 聚类(cluster)由每位个体不同期的所有观测值所组成。

## 15.4 个体固定效应模型

对于固定效应模型, 给定个体  $i$ , 将方程两边对时间平均:

$$\bar{y}_i = \bar{\mathbf{x}}_i' \boldsymbol{\beta} + \underbrace{\bar{\mathbf{z}}_i' \boldsymbol{\delta}}_{\downarrow} + u_i + \bar{\varepsilon}_i$$

将原方程减去平均后的方程可得:

$$y_{it} - \bar{y}_i = (\mathbf{x}_{it} - \bar{\mathbf{x}}_i)' \boldsymbol{\beta} + (\varepsilon_{it} - \bar{\varepsilon}_i)$$

定义  $\tilde{y}_{it} \equiv y_{it} - \bar{y}_i$ ,  $\tilde{\mathbf{x}}_{it} \equiv \mathbf{x}_{it} - \bar{\mathbf{x}}_i$ ,  $\tilde{\varepsilon}_{it} \equiv \varepsilon_{it} - \bar{\varepsilon}_i$ , 则

$$\hat{\beta}_{FE} \xrightarrow{P} E[\tilde{x}_i' \tilde{x}_i]^{-1} E[\tilde{x}_i \tilde{y}_i]$$

$$= (\tilde{X}' \tilde{X})^{-1} \tilde{X}' \tilde{y}$$

$$\tilde{y}_{it} = \tilde{x}_{it}' \beta + \tilde{\varepsilon}_{it}$$

上式已将  $u_i$  消去，只要  $\tilde{\varepsilon}_{it}$  与  $\tilde{x}_{it}$  不相关，可用 OLS 一致地估计  $\beta$ ，称为“固定效应估计量” (Fixed Effects Estimator)，记为  $\hat{\beta}_{FE}$ 。

$\hat{\beta}_{FE}$  主要使用了每个位体的组内离差信息，也称“组内估计量” (within estimator)。

即使个体特征  $u_i$  与解释变量  $x_{it}$  相关，组内估计量也一致。

在作离差转换时， $z_i' \delta$  也被消掉，无法估计  $\delta$ ，故 FE 无法估计不随时间而变的变量之影响。

为保证  $(\varepsilon_{it} - \bar{\varepsilon}_i)$  与  $(x_{it} - \bar{x}_i)$  不相关，要求第  $i$  个观测值满足严格外

生性，即  $E(\varepsilon_{it} | \mathbf{x}_{i1}, \dots, \mathbf{x}_{iT}) = 0$ ，因为  $\bar{\mathbf{x}}_i$  中包含了所有  $(\mathbf{x}_{i1}, \dots, \mathbf{x}_{iT})$  的信息。扰动项须与各期解释变量均不相关(不仅仅是当期解释变量)。

在原方程中引入  $(n-1)$  个虚拟变量(如果没有截距项，则引入  $n$  个虚拟变量)来代表不同的个体，可得到同样结果。

FE 也称为“最小二乘虚拟变量模型”(Least Square Dummy Variable Model, 简记 LSDV)。

正如线性回归与离差形式的回归在某种意义上是等价的。比如，

$$y_i = \alpha + \beta x_i + \varepsilon_i \quad \Leftrightarrow \quad y_i - \bar{y} = \beta(x_i - \bar{x}) + (\varepsilon_i - \bar{\varepsilon})$$

使用 LSDV 的好处是可以得到个体异质性  $u_i$  的估计。

LSDV 法的缺点是，如果  $n$  很大，须在回归方程中引入很多虚拟变量，可能超出计量软件所允许的解釋变量个数。

## 15.5 时间固定效应

引入时间固定效应，可解决不随个体而变(individual invariant)但随时间而变(time varying)的遗漏变量问题。假设模型为

$$y_{it} = \mathbf{x}'_{it}\boldsymbol{\beta} + \mathbf{z}'_i\boldsymbol{\delta} + \gamma S_t + u_i + \varepsilon_{it}$$

$S_t$  不可观测。定义  $\lambda_t \equiv \gamma S_t$ ，则

$$y_{it} = \mathbf{x}'_{it}\boldsymbol{\beta} + \mathbf{z}'_i\boldsymbol{\delta} + \lambda_t + u_i + \varepsilon_{it}$$

将 $\lambda_t$ 视为第 $t$ 期独有的截距项，并将其解释为“第 $t$ 期”对 $y$ 的效应，故 $\lambda_1, \dots, \lambda_T$ 称为“时间固定效应” (time fixed effects)。

使用 LSDV 法来，对每个时期定义一个虚拟变量，把 $(T-1)$ 个时间虚拟变量包括在回归方程中：

$$y_{it} = \mathbf{x}'_{it}\boldsymbol{\beta} + \mathbf{z}'_i\boldsymbol{\delta} + \underbrace{\gamma_2 D2_t + \dots + \gamma_T DT_t}_{\text{时间固定效应}} + u_i + \varepsilon_{it}$$

其中，时间虚拟变量 $D2_t = 1$ ，如果 $t = 2$ ； $D2_t = 0$ ，如果 $t \neq 2$ ；以此类推。

此方程既考虑个体固定效应，又考虑时间固定效应，称为“双向固定效应” (Two-way FE)。

为节省参数，可引入时间趋势项，替代 $(T-1)$ 个时间虚拟变量：

$$y_{it} = \mathbf{x}'_{it}\boldsymbol{\beta} + \mathbf{z}'_i\boldsymbol{\delta} + \gamma t + u_i + \varepsilon_{it}$$

上式隐含较强假定，即每个时期的时间效应相等，每期均增加 $\gamma$ 。

## 15.6 一阶差分法

对于固定效应模型，可对原方程两边进行一阶差分，以消去个体效应 $u_i$ (同时把 $\mathbf{z}'_i\boldsymbol{\delta}$ 消掉了)，

$$y_{it} - y_{i,t-1} = (\mathbf{x}_{it} - \mathbf{x}_{i,t-1})'\boldsymbol{\beta} + (\varepsilon_{it} - \varepsilon_{i,t-1})$$

$$\Delta y_{it} = \Delta \mathbf{x}_{it}' \boldsymbol{\beta} + \Delta \varepsilon_{it}$$

对此方程使用 OLS, 即得到“一阶差分估计量”(First Differencing Estimator), 记为  $\hat{\beta}_{FD}$ 。

只要  $(\varepsilon_{it} - \varepsilon_{i,t-1})$  与  $(\mathbf{x}_{it} - \mathbf{x}_{i,t-1})$  不相关, 则  $\hat{\beta}_{FD}$  一致。

此一致性条件比严格外生性假定更弱, 这是  $\hat{\beta}_{FD}$  的主要优点。

可以证明(参见习题), 如果  $T = 2$ , 则  $\hat{\beta}_{FD} = \hat{\beta}_{FE}$ 。

对于  $T > 2$ , 如果  $\{\varepsilon_{it}\}$  为 iid, 则  $\hat{\beta}_{FE}$  比  $\hat{\beta}_{FD}$  更有效率, 故实践中主要使用  $\hat{\beta}_{FE}$ 。

$\varepsilon_{it}$  random walk,  $\varepsilon_{it} = \varepsilon_{it-1} + e_{it}$

对于动态面板(第 16 章), 严格外生性假定无法满足, 用差分法。

$\varepsilon_{it} - \varepsilon_{it-1} \stackrel{v}{\sim} iid.$

$\Delta \varepsilon_{it} \stackrel{v}{\sim} iid.$



## 15.7 随机效应模型

对于方程  $y_{it} = \mathbf{x}'_{it}\boldsymbol{\beta} + \mathbf{z}'_i\boldsymbol{\delta} + u_i + \varepsilon_{it}$ , 随机效应模型假设  $u_i$  与解释变量  $\{\mathbf{x}_{it}, \mathbf{z}_i\}$  均不相关, 故 OLS 一致。

但扰动项由  $(u_i + \varepsilon_{it})$  组成, 不是球型扰动项, 故 OLS 不是最有效的, 应进行 FGLS 估计。

假设不同个体之间的扰动项互不相关。由于  $u_i$  的存在, 同一个体不同时期的扰动项之间仍存在自相关,

$$\text{Cov}(u_i + \varepsilon_{it}, u_i + \varepsilon_{is}) = \begin{cases} \sigma_u^2, & \text{若 } t \neq s \\ \sigma_u^2 + \sigma_\varepsilon^2, & \text{若 } t = s \end{cases}$$

$\sigma_u^2$  为  $u_i$  的方差， $\sigma_\varepsilon^2$  为  $\varepsilon_{it}$  的方差。

当  $t \neq s$  时，其自相关系数为

$$\rho \equiv \text{Corr}(u_i + \varepsilon_{it}, u_i + \varepsilon_{is}) = \frac{\sigma_u^2}{\sigma_u^2 + \sigma_\varepsilon^2}$$

自相关系数  $\rho$  不随时间距离  $(t - s)$  而改变。

$\rho$  越大，则复合扰动项  $(u_i + \varepsilon_{it})$  中个体效应的部分  $(u_i)$  越重要。

$V_{it}$

同一个体扰动项的协方差阵为

$$\Sigma = \begin{pmatrix} \sigma_u^2 + \sigma_\varepsilon^2 & \sigma_u^2 & \dots & \sigma_u^2 \\ \sigma_u^2 & \sigma_u^2 + \sigma_\varepsilon^2 & \dots & \sigma_u^2 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \sigma_u^2 & \sigma_u^2 & \dots & \sigma_u^2 + \sigma_\varepsilon^2 \end{pmatrix}_{T \times T}$$

整个样本的协方差阵为块对角矩阵(block diagonal matrix),

$$\Omega = \begin{pmatrix} \Sigma & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & \Sigma \end{pmatrix}_{nT \times nT}$$



$$(X' \Omega^{-1} X)^{-1} (X' \Omega^{-1} y)$$

由于 OLS 是一致的，且其扰动项为  $(u_i + \varepsilon_{it})$ ，故可用 OLS 的残差来估计  $(\sigma_u^2 + \sigma_\varepsilon^2)$ 。

另一方面，FE 也一致，且其扰动项为  $(\varepsilon_{it} - \bar{\varepsilon}_i)$ ，故可用 FE 的残差来估计  $\sigma_\varepsilon^2$ 。

然后，用 FGLS 估计原模型，得到“随机效应估计量” (Random Effects Estimator)，记为  $\hat{\beta}_{RE}$ 。

具体来说，用 OLS 来估计以下“广义离差” (quasi-demeaned) 模型：

Random Effects.

$$y_{it} - \hat{\theta} \bar{y}_i = (x_{it} - \hat{\theta} \bar{x}_i)' \beta + \underbrace{(1 - \hat{\theta}) z_i' \delta}_{\text{误差项}} + \underbrace{\left[ (1 - \hat{\theta}) u_i + (\varepsilon_{it} - \hat{\theta} \bar{\varepsilon}_i) \right]}_{(1 - \hat{\theta}) v_{it}}$$

$$\theta = 1 - \frac{1}{\left(1 + T \frac{\sigma_u^2}{\sigma_\varepsilon^2}\right)^{1/2}}$$

其中， $\hat{\theta}$ 是 $\theta \equiv 1 - \frac{\sigma_\varepsilon}{(T\sigma_u^2 + \sigma_\varepsilon^2)^{1/2}}$ 的一致估计量。

可以证明，此扰动项不再有自相关。

对于随机效应模型，如果进一步假设扰动项服从正态分布，可进行 MLE 估计。

## 15.8 组间估计量

对于随机效应模型，还可使用“组间估计量”。

如果个体数据较不准确，可对每位个体取时间平均值，然后用平均值来回归：

$$\bar{y}_i = \bar{\mathbf{x}}_i' \boldsymbol{\beta} + \mathbf{z}_i' \boldsymbol{\delta} + u_i + \bar{\varepsilon}_i \quad (i = 1, \dots, n)$$

对上式用 OLS，可得“组间估计量”(Between Estimator)，记  $\hat{\boldsymbol{\beta}}_{\text{BE}}$ 。

由于  $\{\bar{\mathbf{x}}_i, \mathbf{z}_i\}$  中包含了  $\{\mathbf{x}_{it}, \mathbf{z}_i\}$  的信息，如果  $u_i$  与解释变量  $\{\mathbf{x}_{it}, \mathbf{z}_i\}$  相关，则  $\hat{\boldsymbol{\beta}}_{\text{BE}}$  不一致。故不能在固定效应模型下使用组间估计法。

## 15.9 拟合优度的度量

在有常数项的情况下，线性模型的 $R^2$ 等于被解释变量  $y$  与预测值  $\hat{y}$  之间相关系数的平方，即  $R^2 = [\text{corr}(y, \hat{y})]^2$ 。

对于面板模型，如使用混合回归，可直接用混合回归的 $R^2$ 。

如使用固定效应、随机效应或组间回归，拟合优度略复杂。

给定估计量 $(\hat{\beta}, \hat{\delta})$ ，Stata 提供了以下三种 $R^2$ 。

首先，对应于原模型，称 $[\text{Corr}(y_{it}, \mathbf{x}'_{it}\hat{\beta} + \mathbf{z}'_i\hat{\delta})]^2$ 为“整体 $R^2$ ” ( $R^2$  overall)，衡量估计量 $(\hat{\beta}, \hat{\delta})$ 对原模型的拟合优度。

其次，对应于组内模型，称  $[\text{Corr}(\tilde{y}_{it}, \tilde{x}'_{it}\hat{\beta})]^2$  为“组内  $R^2$ ” ( $R^2$  within)，衡量估计量  $(\hat{\beta}, \hat{\delta})$  对组内模型的拟合优度。

再次，对应于组间模型，称  $[\text{Corr}(\bar{y}_i, \bar{x}'_i\hat{\beta} + z'_i\hat{\delta})]^2$  为“组间  $R^2$ ” ( $R^2$  between)，衡量估计量  $(\hat{\beta}, \hat{\delta})$  对组间模型的拟合优度。

对于固定效应模型，建议使用组内  $R^2$ ，即组内方程的  $R^2$ 。

对于组间回归模型，建议使用组间  $R^2$ ，即组间方程的  $R^2$ 。

对于随机效应模型，这三种  $R^2$  都只是相应的相关系数平方，而非随机效应方程的  $R^2$ 。



## 15.10 非平衡面板

非平衡面板数据并不影响计算离差形式的组内估计量(within estimator)，固定效应模型的估计可照样进行。

$$\frac{1}{T_i} \sum y_{it}$$

对于随机效应模型而言，非平衡面板数据也没有实质性影响，只要在做广义离差变换时让

$$\theta_i \equiv 1 - \frac{\sigma_\varepsilon}{\sqrt{T_i \sigma_u^2 + \sigma_\varepsilon^2}}$$

其中， $T_i$ 为个体  $i$  的时间维度，就可照常进行 FGLS 估计。

非平衡面板的最大问题是，那些原来在样本中但后来丢掉的个

体，如果“丢掉”的原因是内生的(即与扰动项相关)，则会导致样本不具有代表性(不再是随机样本)，从而导致估计量不一致。

比如，低收入的人群更易从面板数据中丢掉。

### 15.11 究竟该用固定效应还是随机效应模型

检验原假设“ $H_0 : u_i$ 与 $\mathbf{x}_{it}, \mathbf{z}_i$ 不相关”(即随机效应模型为正确模型)。

无论原假设成立与否，FE都是一致的。

如果原假设不成立，则RE不一致。

如果 $H_0$ 成立，则FE与RE估计量将共同收敛于真实的参数值，故

$(\hat{\beta}_{FE} - \hat{\beta}_{RE}) \xrightarrow{p} \mathbf{0}$ 。如果二者的差距过大，则倾向于拒绝原假设。

豪斯曼检验(Hausman, 1978)的统计量为

$$(\hat{\beta}_{FE} - \hat{\beta}_{RE}) \left[ \widehat{\text{Var}(\hat{\beta}_{FE}) - \text{Var}(\hat{\beta}_{RE})} \right]^{-1} (\hat{\beta}_{FE} - \hat{\beta}_{RE}) \xrightarrow{d} \chi^2(K)$$

其中， $K$  为  $\hat{\beta}_{FE}$  的维度。

上述检验假设在  $H_0$  成立的情况下， $\hat{\beta}_{RE}$  最有效率。如果存在异方差，则  $\hat{\beta}_{RE}$  并非最有效率的估计量，故不适用异方差的情形。

解决方法之一，通过自助法计算  $\text{Var}(\hat{\beta}_{FE} - \hat{\beta}_{RE})$ ，参见第 19 章。

解决方法之二，进行以下辅助回归(Wooldridge, 2010)，

$$y_{it} - \hat{\theta}\bar{y}_i = (\mathbf{x}_{it} - \hat{\theta}\bar{\mathbf{x}}_i)' \boldsymbol{\beta} + (1 - \hat{\theta})\mathbf{z}_i' \boldsymbol{\delta} + \underbrace{(\mathbf{x}_{it} - \bar{\mathbf{x}}_i)' \boldsymbol{\gamma}} + \left[ (1 - \hat{\theta})u_i + (\varepsilon_{it} - \hat{\theta}\bar{\varepsilon}_i) \right]$$

使用聚类稳健标准误检验原假设“ $H_0: \boldsymbol{\gamma} = \mathbf{0}$ ”，此检验在异方差的情况下也适用。

由于总可以把原模型变换为随机效应的方程：

$$y_{it} - \hat{\theta}\bar{y}_i = (\mathbf{x}_{it} - \hat{\theta}\bar{\mathbf{x}}_i)' \boldsymbol{\beta} + (1 - \hat{\theta})\mathbf{z}_i' \boldsymbol{\delta} + \underbrace{\left[ (1 - \hat{\theta})u_i + (\varepsilon_{it} - \hat{\theta}\bar{\varepsilon}_i) \right]}_{\text{误差项}}$$

故在上面的辅助回归中， $\boldsymbol{\gamma} = \mathbf{0}$ 。

如果随机效应模型成立，则 OLS 一致，故  $\underset{n \rightarrow \infty}{\text{plim}} \hat{\gamma} = \gamma = \mathbf{0}$ 。

如果固定效应模型成立，扰动项  $\left[ (1 - \hat{\theta})u_i + (\varepsilon_{it} - \hat{\theta}\bar{\varepsilon}_i) \right]$  与  $(\mathbf{x}_{it} - \bar{\mathbf{x}}_i)$  相关(因为  $u_i$  与  $\mathbf{x}_{it}$  相关)，OLS 不一致，即  $\underset{n \rightarrow \infty}{\text{plim}} \hat{\gamma} = \gamma^* \neq \gamma = \mathbf{0}$ 。

拒绝 “ $H_0 : \gamma = \mathbf{0}$ ”，则意味着拒绝随机效应，接受固定效应。

对于非平衡面板，则以  $\hat{\theta}_i$  替代方程中的  $\hat{\theta}$  即可。

## 15.12 个体时间趋势

个体异质性还可能表现为个体的不同时间趋势。比如，在跨国面板中，各国的经济增长率可能不同。考虑以下模型：

$$y_{it} = \mathbf{x}'_{it}\boldsymbol{\beta} + \mathbf{z}'_i\boldsymbol{\delta} + \gamma_i t + u_i + \varepsilon_{it}$$

$\gamma_i t$  为个体时间趋势。

$\beta_{\alpha_i} (2009)$        $\lambda_t$   
 $\lambda_i \Gamma_t$

一般将  $\gamma_i$  视为来自某分布的随机变量(从该分布随机抽出一个观测值后，就不再随时间而变)。

此模型称为“随机趋势模型”(random trend model)。

如果  $y_{it}$  取对数形式(比如  $\ln GDP_{it}$ ), 则  $\gamma_i$  可解释为在给定  $(\mathbf{x}_{it}, \mathbf{z}_i)$  条件下的平均增长率(即  $\partial E(\ln GDP_{it}) / \partial t$ ), 故也称“随机增长模型”(random growth model)。

首先对方程两边做差分, 去掉  $u_i$ :

$$\Delta y_{it} = \Delta \mathbf{x}'_{it} \boldsymbol{\beta} + \gamma_i + \Delta \varepsilon_{it}$$

在形式上, 此方程与标准的个体效应模型一样。

如果  $\gamma_i$  与解释变量  $\Delta \mathbf{x}_{it}$  不相关, 可用 RE 估计此方程。

如果  $\gamma_i$  与解释变量  $\Delta \mathbf{x}_{it}$  相关, 可用 FE 或 FD 估计此方程。